

向うこころの自己認識プロセスの弁証法的展開過程でもあった。道教的にいえば、陽（数学）と陰（女性）が止揚されて太極（自己）に到るというわけだ。こうして宇宙が自己と同一視され、アートマンとブラフマンの一体化（梵我一如）が完成する。グロタンディークの場合、これら的情念（passion）に基づく探求活動はいずれも受難（passion）に結びついており、捕縛・裁判・磔刑（arrestation/Sanhédrin/crucifixion）というイエスの受難（Passion du Jésus-Christ）をイメージしたくなってくる。グロタンディーク自身もそうしたイメージを抱いていた気がするが。

グロタンディークというと性の問題に絡む醜聞に言及したくなる人がいるよう、「アレクサンドル・グロタンディークは異なる3名の女性に産ませた5名の子供」(cinqu'enfants qu'Alexandre Grothendieck eut de trois femmes différentes.)がいるとわざわざ書いた新聞もあった[4]。それどころか、大胆にも、グロタンディークは「女たらし」と書いた本まである。フィールズ賞の受賞者でポアンカレ研究所の所長でもあるヴィラーニ (Cédric Villani, 1973-) の『定理が生まれる』には「彼〔グロタンディーク〕はコレージュ・ド・フランスを辞すると、ピレネー山脈の小さな村に隠遁した。女たらしだったのが、世捨て人に変身し、狂気にとらわれて自身の著作に異常な執着を見せるようになった。」([7] p.78) (Il démissionna du Collège de France et se réfugia dans un petit village pyrénéen, séducteur reconvertis en ermite, en proie à la folie et à la manie de l'écriture.) ([8] p.89)などと書かれている。たしかに séducteur には「女たらし」という意味もあるが、ここでは普通に「人を魅了する人物」と訳す方が事実に即している。グロタンディークのことをよく知っているわけでもないヴィラーニが、グロタンディークの短い紹介文の中でわざわざ「女たらしだつ

たのが、世捨て人に変身し、狂気にとらわれて…」などと書くのは不思議だと思っていたが、グロタンディークが死んだ日にヴィラーニがグロタンディークについて書いた文章の皮肉を込めたつもりのタイトル「Goodbye Stranger, It's been nice, Hope you find your paradise」を見て少し納得がいった。「女たらし」説と「狂気」説を面白おかしくヴィラーニに吹き込んだのはどうやらカルティエとロシャクらしい。ヴィラーニの文章そのものも信頼性は高くないが日本語訳にも問題がある。この部分は原文をやや修正しつつ翻訳し、「彼は高等科学研究所 (IHES) を辞めてから、ロデーヴ近郊の小さな村に隠遁した。魅惑的な人物だったのが、隠者に変身し、書くことに執着し熱狂のあまりその虜になった。」とでもする方がいい。いずれにせよ、グロタンディークを「女たらし」と表現するのは誤りだと思う。ぼくは、人びとが通常は沈黙している性の問題を創造性の起源の問題と結びつけるために自己の心の内奥まで曝け出そうとするグロタンディークのアスペルガー的情念に敬意を表したくなる。誰もがタブー化して書かないことを敢えて書こうとする表現者グロタンディークの「知への意思」にこそ注目すべきだろう。

参考文献

- [0] Scharlau, Wer ist Alexander Grothendieck? Teil 3 : Spiritualität, Herstellung und Verlag, 2010
- [1] Grothendieck, La Clef des Songes, 1987
- [2] Grothendieck, Récoltes et Semailles, 1985/86
- [3] Libération 2014年11月14日
- [4] Reporterre 2014年11月17日
- [5] Grothendieck, Éloge de l'Inceste, 1979
- [6] ニューバーグ他 (茂木健一郎監訳)『脳はいかにして〈神〉を見るか』 PHP研究所 2003年
- [7] ヴィラーニ (池田思朗 / 松永りえ訳)『定理が生まれる』早川書房 2014年
- [8] Villani, Théorème Vivant, Grasset, 2012

(やました じゅんいち)

Mathématiques colonne 23

FIFA 2014 公式球は パネルが 6 枚

西山 豊

国際サッカー連盟 (FIFA) の 2014 年ブラジル大会で使用された公式試合球は、パネルが 6 枚と言われている。試合を TV 観戦しながらも、この 6 枚が気になって仕方がなかった。パネルはどのような形をしていて、この 6 枚がどのようにつながっているのか。サッカーボールといえば漫画「キャプテン翼」で登場する準正 32 面体のイメージが強く、32 枚がどうして 6 枚になるのか疑問であった。

写真では理解しにくいので、公式球であるブラズーカ（ミニ版）を購入し、手に取ってみてなるほどと思った。6 枚のパネルは立方体をベースにデザインされていたのだ。各パネルは十文字の形をしていて、よく見れば卍（まんじ）の形をしている。青、緑、橙のパネルが 2 枚ずつ向かい合っている。立方体の各面の中心にパネルの中心があると考えると、パネルが 6 枚であることがすぐわかる。

FIFA 公式球の進化の歴史は、球面を多面体で分割する数学の歴史でもある。ニューヨーク・タイムズ紙の The Evolution of The World Cup Ball はそれをよく表現している。1930 年から 1966 年までは正 6 面体が基本で、サッカーボールはバレーボールと同様な形をしていた。立方体の 6 面を 12 枚あるいは 18 枚の皮革を縫い合わせたものであった。1970 年から 2002 年までは準正 32 面体が基本となる。正 5 角形（黒色）が 12 枚、正 6 角形（白色）が 20 枚の合計 32 枚の皮革が縫い合わされていた。

正多面体は正 4 面体、正 6 面体、正 8 面体、正 12 面体、正 20 面体の 5 種類が存在する。正多面体が 5 つしか存在しないことは初等幾何学の知識で証明できるので各自試してみること。構成する正多角形の条件をゆるめたものに準正多面体がある。準正 32 面体は正 20 面体の頂点を切り取ったもので切頂 20 面体とも呼ばれている。また、正 12 面

体と正 20 面体は双対の関係にある。

サッカーボールの図柄は変化してきたが、正 5 角形が 12 枚、正 6 角形が 20 枚という関係はずっと変わらなかった。なぜならこの形が球に近い形であるからだ。これが大幅に変化してきたのは 2006 年のドイツ大会からで、公式球チームガイストはプロペラ状のパネルが 6 枚とローター状のパネルが 8 枚の計 14 枚ででき、2010 年南アフリカ大会のジャブランニはパネルが 8 枚となる。そして 2014 年ブラジル大会のブラズーカはパネルが 6 枚の最少で、すべて同じ形のパネルとなる。

1930 年からの 80 年間の歴史をみると、最初は皮革を手縫いで製作したものであったが、雨天でも使用できるように合成皮革となり、手縫いからサーマルボンディング（加熱による圧着）の方法がとられ、より完全な球に近づいている。それが無回転球という新たな問題も出てきたが、パネルが少ないと大量生産には向いている。

公式球の進化を多面体モデルとして見ると、1930 年から 1966 年の正 6 面体、1970 年から 2002 年の準正 32 面体、2006 年の正 6 面体、2010 年の切頂 4 面体、2014 年の正 6 面体に分類できる。正 6 面体から始まり正 6 面体に戻ったことになる。準正 32 面体は確かに球面に近いが、32 枚のパネルを縫い合わせて均一なボールを作るのは難しいのだろう。

FIFA 公式球はドイツの会社アディダスがデザインして販売している。2014 年はドイツが優勝したがこれは偶然の一一致だろうか。日本チームがトップを目指すなら、選手だけにまかせるのではなく、サッカーボールの研究を含めて科学者の役割も大切ではないだろうか。



(にしやま ゆたか／大阪経済大学)